

Matematik II Analys del B, Första mötet vårterminen 2023

Alan Sola

Allmänt om kursen:

Allmänt om kursen:

- ▶ Examineras med *skriftlig tentamen*, planerad till *25 maj 2023*.

Allmänt om kursen:

- ▶ Examineras med *skriftlig tentamen*, planerad till *25 maj 2023*.
- ▶ *Tre omgångar bonusuppgifter*, ger bonus på tentamen.
(Se kurshemsidan för avtrappningssystem.)

Allmänt om kursen:

- ▶ Examineras med *skriftlig tentamen*, planerad till *25 maj 2023*.
- ▶ *Tre omgångar bonusuppgifter*, ger bonus på tentamen.
(Se kurshemsidan för avtrappningssystem.)
- ▶ En *genomgång/föreläsning* i veckan.

Allmänt om kursen:

- ▶ Examineras med *skriftlig tentamen*, planerad till *25 maj 2023*.
- ▶ *Tre omgångar bonusuppgifter*, ger bonus på tentamen.
(Se kurshemsidan för avtrappningssystem.)
- ▶ En *genomgång/föreläsning* i veckan.
- ▶ En *räkneövning* i veckan (utom första veckan).
- ▶ Schema?

Allmänt om kursen, fortsättning:

Allmänt om kursen, fortsättning:

- ▶ Viktigt att ligga i fas—se veckoplaneringen på hemsidan.

Allmänt om kursen, fortsättning:

- ▶ Viktigt att ligga i fas—se veckoplaneringen på hemsidan.
- ▶ Använd diskussionsforumet!
(Ställ även “enkla” frågor.)

Allmänt om kursen, fortsättning:

- ▶ Viktigt att ligga i fas—se veckoplaneringen på hemsidan.
- ▶ Använd diskussionsforumet!
(Ställ även “enkla” frågor.)
- ▶ Kom på träffar och räkneövningar om du kan.

Allmänt om kursen, fortsättning:

- ▶ Viktigt att ligga i fas—se veckoplaneringen på hemsidan.
- ▶ Använd diskussionsforumet!
(Ställ även “enkla” frågor.)
- ▶ Kom på träffar och räkneövningar om du kan.
- ▶ Gör inlämningsuppgifterna.
(Påbörja dessa i tid!)

Kursinnehåll—kort översikt:

- ▶ *Trippel-och mer generella multipelintegraler:*

Kursinnehåll—kort översikt:

- ▶ *Trippel-och mer generella multipelintegraler:*
 - ▶ Integraler av funktioner av n variabler över områden i \mathbb{R}^n .

Kursinnehåll—kort översikt:

- ▶ *Trippel-och mer generella multipelintegraler:*
 - ▶ Integraler av funktioner av n variabler över områden i \mathbb{R}^n .
 - ▶ Under rimliga antaganden: återförs på *itererade integraler* (liksom dubbelintegraler).

Kursinnehåll—kort översikt:

- ▶ *Trippel-och mer generella multipelintegraler:*
 - ▶ Integraler av funktioner av n variabler över områden i \mathbb{R}^n .
 - ▶ Under rimliga antaganden: återförs på *itererade integraler* (liksom dubbelintegraler).
 - ▶ Svårighet: bestämma/visualisera integrationsområdet!

Kursinnehåll—kort översikt:

- ▶ *Trippel-och mer generella multipelintegraler:*
 - ▶ Integraler av funktioner av n variabler över områden i \mathbb{R}^n .
 - ▶ Under rimliga antaganden: återförs på *itererade integraler* (liksom dubbelintegraler).
 - ▶ Svårighet: bestämma/visualisera integrationsområdet!
 - ▶ *Generaliserade multipelintegraler* medför vissa utmaningar.

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Vektoranalys:*

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Vektoranalys*:
 - ▶ Integraler och derivator av *vektorfält*—funktioner $\mathbf{f} = (f_1, \dots, f_m)$ där varje

$$f_j: D \subset \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}.$$

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Vektoranalys:*
 - ▶ Integraler och derivator av *vektorfält*—funktioner $\mathbf{f} = (f_1, \dots, f_m)$ där varje

$$f_j: D \subset \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}.$$

- ▶ Integral och derivata av vektorfält har *flera möjliga tolkningar!* (Val styrs ofta av tillämpning, exempelvis i fysik.)

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Vektoranalys:*
 - ▶ Integraler och derivator av *vektorfält*—funktioner $\mathbf{f} = (f_1, \dots, f_m)$ där varje

$$f_j: D \subset \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}.$$

- ▶ Integral och derivata av vektorfält har *flera möjliga tolkningar!* (Val styrs ofta av tillämpning, exempelvis i fysik.)

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Generaliseringar av integralkalkylens huvudsats:*

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Generaliseringar av integralkalkylens huvudsats:*
 - ▶ *Greens formel, Gauss sats, Stokes sats* generaliserar integralkalkylens huvudsats:

$$S(x) = \int_0^x f(t)dt \implies S'(x) = f(x).$$

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Generaliseringar av integralkalkylens huvudsats:*
 - ▶ *Greens formel, Gauss sats, Stokes sats* generaliserar integralkalkylens huvudsats:

$$S(x) = \int_0^x f(t)dt \implies S'(x) = f(x).$$

- ▶ Form bestäms av *tolkning av derivata och integral* med vektorfält.

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Generaliseringar av integralkalkylens huvudsats:*
 - ▶ *Greens formel, Gauss sats, Stokes sats* generaliserar integralkalkylens huvudsats:

$$S(x) = \int_0^x f(t)dt \implies S'(x) = f(x).$$

- ▶ Form bestäms av *tolkning av derivata och integral* med vektorfält.
- ▶ Kopplingar till *potentialteori*: vektorfält $\mathbf{u} = (u_1, \dots, u_n)$ som är på formen

$$\mathbf{u} = \text{grad}U$$

för lämplig *funktion* $U: D \subset \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$.

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Potensserier och likformig konvergens:*

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Potensserier och likformig konvergens:*
 - ▶ *Taylor formel:* vissa funktioner kan utvecklas som *potensserie*
$$\sum_{k=0}^{\infty} c_k (x - x_0)^k \text{ där } c_k = \frac{f^k(x_0)}{k!}.$$

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Potensserier och likformig konvergens:*
 - ▶ *Taylor formel:* vissa funktioner kan utvecklas som *potensserie*
 $\sum_{k=0}^{\infty} c_k (x - x_0)^k$ där $c_k = \frac{f^k(x_0)}{k!}$.
 - ▶ Naturligt att studera funktioner givna som konvergenta potensserier.

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Potensserier och likformig konvergens:*
 - ▶ *Taylor formel:* vissa funktioner kan utvecklas som *potensserie*
 $\sum_{k=0}^{\infty} c_k (x - x_0)^k$ där $c_k = \frac{f^k(x_0)}{k!}$.
 - ▶ Naturligt att studera funktioner givna som konvergenta potensserier.
 - ▶ Kräver införande av nya konvergensbegrepp: *likformig konvergens*.

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Potensserier och likformig konvergens:*
 - ▶ *Taylor formel:* vissa funktioner kan utvecklas som *potensserie*
 $\sum_{k=0}^{\infty} c_k (x - x_0)^k$ där $c_k = \frac{f^k(x_0)}{k!}$.
 - ▶ Naturligt att studera funktioner givna som konvergenta potensserier.
 - ▶ Kräver införande av nya konvergensbegrepp: *likformig konvergens.* (Repetera gärna teori för *serier och talföljder!*)

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Analytiska funktioner av en komplex variabel:*

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Analytiska funktioner av en komplex variabel:*
 - ▶ Istället för $f(x)$ där $x \in \mathbb{R}$ —betrakta $f(z)$ där $z \in \mathbb{C}$!

Kursinnehåll—kort översikt, fortsättning:

- ▶ *Analytiska funktioner av en komplex variabel:*
 - ▶ Istället för $f(x)$ där $x \in \mathbb{R}$ —betrakta $f(z)$ där $z \in \mathbb{C}$!
 - ▶ Kravet att $f'(z)$ existerar har många uppseendeväckande konsekvenser!

Första veckan: fokus på multipelintegraler

- ▶ Öva dig på att visualisera och rita områden i \mathbb{R}^2 och \mathbb{R}^3 !

Första veckan: fokus på multipelintegraler

- ▶ Öva dig på att visualisera och rita områden i \mathbb{R}^2 och \mathbb{R}^3 !
- ▶ *Variabelsubstitution*: kraftfull metod för beräkning av integraler—notera koppling med *linjär algebra* via *funktionaldeterminanter*!

Första veckan: fokus på multipelintegraler

- ▶ Öva dig på att visualisera och rita områden i \mathbb{R}^2 och \mathbb{R}^3 !
- ▶ *Variabelsubstitution*: kraftfull metod för beräkning av integraler—notera koppling med *linjär algebra* via *funktionaldeterminanter*!
- ▶ Speciella koordinatbyten: *rymdpolära koordinater*, *cylinderkoordinater*.

Första veckan: fokus på multipelintegraler

- ▶ Öva dig på att visualisera och rita områden i \mathbb{R}^2 och \mathbb{R}^3 !
- ▶ *Variabelsubstitution*: kraftfull metod för beräkning av integraler—notera koppling med *linjär algebra* via *funktionaldeterminanter*!
- ▶ Speciella koordinatbyten: *rymdpolära koordinater*, *cylinderkoordinater*.
- ▶ Generaliserade integraler: obegränsade områden kan uttömmas på flera olika sätt.